



ВЕРОЯТНОСТНОЕ
ПРОГРАММИРОВАНИЕ

на

Python

Байесовский вывод
и алгоритмы

КЭМЕРОН ДЭВИДСОН – ПАЙЛОН

Краткое содержание

| | |
|---|-----|
| Предисловие..... | 14 |
| Введение | 15 |
| Благодарности..... | 17 |
| Об авторе | 18 |
| От издательства | 19 |
| Глава 1. Философия байесовского вывода | 20 |
| Глава 2. Еще немного о РуМС | 50 |
| Глава 3. Открываем «черный ящик» МСМС | 97 |
| Глава 4. Величайшая из несформулированных теорем | 129 |
| Глава 5. Что лучше: потерять руку или ногу? | 155 |
| Глава 6. Расставляем приоритеты | 186 |
| Глава 7. А/В-тестирование | 231 |
| Глоссарий | 251 |

Оглавление

| | |
|---|-----------|
| Предисловие..... | 14 |
| Введение | 15 |
| Благодарности..... | 17 |
| Об авторе | 18 |
| От издательства | 19 |
| Глава 1. Философия байесовского вывода..... | 20 |
| 1.1. Введение | 20 |
| 1.1.1. Байесовское мышление..... | 20 |
| 1.1.2. Байесовский вывод на практике..... | 23 |
| 1.1.3. Корректны ли фреквентистские методы? | 24 |
| 1.1.4. О проблеме больших данных | 24 |
| 1.2. Понятийный аппарат байесовского подхода | 25 |
| 1.2.1. Пример: подбрасывание монетки (куда же без него) | 25 |
| 1.2.2. Пример: библиотекарь или фермер? | 27 |
| 1.3. Распределения вероятностей | 29 |
| 1.3.1. Дискретный случай | 30 |

| | |
|--|-----------|
| 1.3.2. Непрерывный случай | 32 |
| 1.3.3. Но что такое λ ? | 33 |
| 1.4. Использование компьютеров для автоматического байесовского вывода | 34 |
| 1.4.1. Пример: вывод поведения на основе данных по обмену текстовыми сообщениями | 34 |
| 1.4.2. Наш первый инструмент: РуМС | 36 |
| 1.4.3. Толкование результатов | 40 |
| 1.4.4. Какую пользу могут принести выборки из апостериорного распределения? | 41 |
| 1.5. Выводы | 43 |
| 1.6. Приложение | 43 |
| 1.6.1. Статистическое определение фактического различия двух параметров λ | 43 |
| 1.6.2. Обобщаем на случай двух точек ветвления | 45 |
| 1.7. Упражнения | 47 |
| 1.7.1. Ответы | 47 |
| 1.8. Библиография | 49 |
| Глава 2. Еще немного о РуМС | 50 |
| 2.1. Введение | 50 |
| 2.1.1. Связи «предок — потомок» | 50 |
| 2.1.2. Переменные РуМС | 51 |
| 2.1.3. Учет наблюдений в модели | 55 |
| 2.1.4. И наконец... | 56 |
| 2.2. Подходы к моделированию | 57 |
| 2.2.1. Та же история, но с другой концовкой | 58 |
| 2.2.2. Пример: байесовское А/В-тестирование | 62 |
| 2.2.3. Простой случай | 62 |

8 Оглавление

| | | |
|-----------------|--|-----------|
| 2.2.4. | А и В вместе..... | 65 |
| 2.2.5. | Пример: алгоритм обнаружения мошенничества | 70 |
| 2.2.6. | Биномиальное распределение..... | 70 |
| 2.2.7. | Пример: мошенничество среди студентов | 71 |
| 2.2.8. | Альтернативная модель РуМС | 75 |
| 2.2.9. | Еще несколько хитростей РуМС..... | 77 |
| 2.2.10. | Пример: катастрофа космического челнока «Челленджер» | 77 |
| 2.2.11. | Нормальное распределение | 81 |
| 2.2.12. | Что произошло в день катастрофы «Челленджера» | 87 |
| 2.3. | Адекватна ли наша модель?..... | 87 |
| 2.3.1. | Разделительные графики | 90 |
| 2.4. | Выводы..... | 94 |
| 2.5. | Приложение..... | 94 |
| 2.6. | Упражнения | 95 |
| 2.6.1. | Ответы..... | 95 |
| 2.7. | Библиография..... | 96 |
| Глава 3. | Открываем «черный ящик» МСМС | 97 |
| 3.1. | Байесовский ландшафт | 97 |
| 3.1.1. | Изучаем ландшафт с помощью МСМС | 103 |
| 3.1.2. | Алгоритмы для МСМС..... | 104 |
| 3.1.3. | Другие приближенные методы поиска апостериорных распределений..... | 105 |
| 3.1.4. | Пример: кластеризация без учителя с использованием смеси распределений..... | 105 |
| 3.1.5. | Не смешивайте апостериорные выборки | 115 |
| 3.1.6. | Использование МАР для улучшения сходимости..... | 118 |

| | | |
|---|--|-----|
| 3.2. | Диагностика проблем со сходимостью | 120 |
| 3.2.1. | Автокорреляция | 120 |
| 3.2.2. | Прореживание | 123 |
| 3.2.3. | Функция <code>pymc.Matplot.plot()</code> | 124 |
| 3.3. | Полезные советы по поводу МСМС..... | 126 |
| 3.3.1. | Интеллектуальный выбор начальных значений..... | 127 |
| 3.3.2. | Априорные распределения..... | 127 |
| 3.3.3. | Народная теорема статистических расчетов..... | 127 |
| 3.4. | Выводы..... | 128 |
| 3.5. | Библиография..... | 128 |
| Глава 4. Величайшая из несформулированных теорем | | 129 |
| 4.1. | Введение | 129 |
| 4.2. | Закон больших чисел | 129 |
| 4.2.1. | Интуиция | 129 |
| 4.2.2. | Пример: сходимость пуассоновских случайных переменных..... | 130 |
| 4.2.3. | Как вычислить $\text{Var}(Z)$ | 134 |
| 4.2.4. | Математические ожидания и вероятности..... | 134 |
| 4.2.5. | Какое отношение все это имеет к байесовской статистике | 135 |
| 4.3. | Некорректная работа при малых числах | 135 |
| 4.3.1. | Пример: агрегированные географические данные..... | 135 |
| 4.3.2. | Пример: конкурс Kaggle (перепись населения США)..... | 138 |
| 4.3.3. | Пример: сортировка комментариев на Reddit | 139 |
| 4.3.4. | Сортировка | 144 |
| 4.3.5. | Но для режима реального времени это слишком медленно! | 146 |
| 4.3.6. | Расширение на системы оценки с присвоением звезд | 151 |
| 4.4. | Выводы..... | 151 |

10 Оглавление

| | |
|--|-----|
| 4.5. Приложение..... | 152 |
| 4.5.1. Дифференцирование формулы сортировки комментариев | 152 |
| 4.6. Упражнения..... | 152 |
| 4.6.1. Ответы..... | 154 |
| 4.7. Библиография..... | 154 |
| Глава 5. Что лучше: потерять руку или ногу?..... | 155 |
| 5.1. Введение | 155 |
| 5.2. Функции потерь | 155 |
| 5.2.1. Функции потерь на практике..... | 158 |
| 5.2.2. Пример: оптимизация для раунда «Витрина» в викторине «Справедливая цена» | 159 |
| 5.3. Машинное обучение с помощью байесовских методов | 167 |
| 5.3.1. Пример: предсказание финансовых показателей | 168 |
| 5.3.2. Пример: конкурс Kaggle по поиску темной материи..... | 173 |
| 5.3.3. Данные | 174 |
| 5.3.4. Априорные распределения..... | 176 |
| 5.3.5. Обучение и РуМС-реализация | 177 |
| 5.4. Выводы..... | 185 |
| 5.5. Библиография..... | 185 |
| Глава 6. Расставляем приоритеты | 186 |
| 6.1. Введение | 186 |
| 6.2. Субъективные и объективные априорные распределения | 186 |
| 6.2.1. Объективные априорные распределения | 186 |
| 6.2.2. Субъективные априорные распределения | 187 |
| 6.2.3. Выбираем, выбираем... | 188 |
| 6.2.4. Эмпирическая байесовская оценка..... | 190 |

| | | |
|-----------------|---|------------|
| 6.3. | Некоторые полезные априорные распределения | 191 |
| 6.3.1. | Гамма-распределение | 191 |
| 6.3.2. | Распределение Уишарта..... | 192 |
| 6.3.3. | Бета-распределение..... | 194 |
| 6.4. | Пример: байесовские многорукие бандиты | 195 |
| 6.4.1. | Приложения..... | 196 |
| 6.4.2. | Предлагаемое решение..... | 196 |
| 6.4.3. | Мера качества..... | 201 |
| 6.4.4. | Обобщения алгоритма | 205 |
| 6.5. | Сбор информации для априорных распределений у специалистов по предметной области..... | 208 |
| 6.5.1. | Метод рулетки испытаний | 209 |
| 6.5.2. | Пример: биржевая прибыль | 210 |
| 6.5.3. | Советы от профи по поводу распределения Уишарта..... | 219 |
| 6.6. | Сопряженные априорные распределения..... | 220 |
| 6.7. | Априорное распределение Джеффриса..... | 221 |
| 6.8. | Влияние априорных распределений при изменении N..... | 223 |
| 6.9. | Выводы..... | 225 |
| 6.10. | Приложение..... | 226 |
| 6.10.1. | Байесовская точка зрения на линейную регрессию со штрафом | 226 |
| 6.10.2. | Выбор вырожденного априорного распределения | 228 |
| 6.11. | Библиография..... | 230 |
| Глава 7. | A/B-тестирование | 231 |
| 7.1. | Введение | 231 |
| 7.2. | Краткое резюме вышеприведенного A/B-тестирования конверсий | 231 |

12 Оглавление

| | | |
|--------|--|-----|
| 7.3. | Добавляем линейную функцию потерь | 234 |
| 7.3.1. | Анализ ожидаемой выручки | 234 |
| 7.3.2. | Обобщение на случай А/В-эксперимента..... | 238 |
| 7.4. | Выходим за рамки конверсий: тест Стьюдента | 240 |
| 7.4.1. | Схема теста Стьюдента | 241 |
| 7.5. | Оценка показателя роста..... | 245 |
| 7.5.1. | Создание точечных оценок | 248 |
| 7.6. | Выводы..... | 249 |
| 7.7. | Библиография..... | 250 |
| | Глоссарий | 251 |