

# РЕНДЕРИНГ НА ОСНОВЕ ЗАКОНОВ ФИЗИКИ

Геометрия, спектры, формы,  
модели отражения, алгоритмы  
семплинга, световой перенос,  
текстуры

Мэтт Фарр  
Вензел Джейкоб  
Грег Хамфрис



# СОДЕРЖАНИЕ

<b>ОТ ИЗДАТЕЛЬСТВА .....</b>	16
<b>ОБ АВТОРАХ .....</b>	17
<b>ПРЕДИСЛОВИЕ .....</b>	18
<b>ГЛАВА 01 ВВЕДЕНИЕ .....</b>	30
1.1 Грамотное программирование .....	30
1.2 Фотореалистический рендеринг и алгоритм рейттрейсинга .....	33
1.2.1 Камеры и плёнка .....	35
1.2.2 Пересечения луч–объект .....	37
1.2.3 Распределение света .....	38
1.2.4 Видимость .....	40
1.2.5 Поверхности, рассеивающие свет .....	41
1.2.6 Непрямое пропускание света .....	41
1.2.7 Распространение луча .....	44
1.3 Обзор системы <code>pbrt</code> .....	45
1.3.1 Этапы выполнения .....	46
1.3.2 Функция <code>main()</code> системы <code>pbrt</code> .....	47
1.3.3 Интерфейс <code>Integrator</code> .....	51
1.3.4 <code>ImageTileIntegrator</code> и основной цикл рендеринга .....	53
1.3.5 Реализация <code>RayIntegrator</code> .....	57
1.3.6 Интегратор случайного блуждания .....	60
1.4 Как изучать материал этой книги .....	65
1.4.1 Упражнения .....	66
1.4.2 Просмотр изображений .....	67
1.4.3 Онлайн-версия .....	67
1.5 Понимание и использование кода .....	67
1.5.1 Организация исходного кода .....	67
1.5.2 Соглашение по наименованиям .....	68
1.5.3 Указатель или ссылка? .....	68
1.5.4 Абстрактность или эффективность? .....	69
1.5.5 Пространство имен <code>pstd</code> .....	69
1.5.6 Аллокаторы .....	69

1.5.7	Динамическая диспетчеризация .....	70
1.5.8	Оптимизация кода .....	71
1.5.9	Отладка и регистрация .....	71
1.5.10	Параллелизм и безопасность потоков .....	72
1.5.11	Расширение системы .....	73
1.5.12	Программные ошибки .....	73
1.6	Краткая история рендеринга на основе законов физики.....	73
1.6.1	Исследования.....	74
1.6.2	Производство .....	76
	Дополнительная литература.....	78
	Упражнения.....	80

## ГЛАВА 02 ИНТЕГРИРОВАНИЕ МЕТОДОМ МОНТЕ-КАРЛО..... 82

2.1	Метод Монте-Карло: основы .....	83
2.1.1	Обзор предпосылок и теории вероятностей .....	83
2.1.2	Ожидаемые значения .....	85
2.1.3	Оценка Монте-Карло .....	85
2.1.4	Ошибка в статистических оценках Монте-Карло.....	87
2.2	Повышение эффективности .....	89
2.2.1	Стратифицированный семпллинг .....	89
2.2.2	Семпллинг по значимости .....	91
2.2.3	Семпллинг по множественной значимости .....	93
2.2.4	Русская ruletka .....	96
2.2.5	Расщепление .....	97
2.3	Семпллинг методом инверсии .....	97
2.3.1	Дискретный случай.....	97
2.3.2	Непрерывный случай.....	100
2.4	Преобразование между распределениями .....	101
2.4.1	Преобразование в нескольких измерениях .....	102
2.4.2	Семпллинг с многомерными преобразованиями .....	103
	Дополнительная литература.....	105
	Упражнения.....	106

## ГЛАВА 03 ГЕОМЕТРИЯ И ПРЕОБРАЗОВАНИЯ..... 108

3.1	Системы координат .....	108
3.1.1	Направленность системы координат.....	109
3.2	Базовые классы $n$ -кортежей.....	110
3.3	Векторы .....	113
3.3.1	Нормализация и длина вектора .....	114
3.3.2	Скалярное и векторное произведения .....	116
3.3.3	Система координат из одного вектора .....	118
3.4	Точки.....	119
3.5	Нормали .....	120
3.6	Лучи .....	121
3.6.1	Дифференциалы лучей .....	123
3.7	Ограничивающие боксы .....	124
3.8	Сферическая геометрия .....	130
3.8.1	Телесные углы.....	130
3.8.2	Сферические полигоны .....	131
3.8.3	Сферические параметризации.....	133
3.8.4	Ограничивающие направления .....	140
3.9	Преобразования.....	144
3.9.1	Однородные координаты .....	145
3.9.2	Оценка класса преобразования .....	146
3.9.3	Базовые операции.....	146
3.9.4	Перемещения (трансляции) .....	148
3.9.5	Масштабирование.....	149
3.9.6	Поворот по осям $x$ , $y$ и $z$ .....	150

3.9.7	Поворот вокруг произвольной оси .....	152
3.9.8	Поворот одного вектора к другому.....	153
3.9.9	Преобразование точки зрения .....	154
3.10	Применение преобразований.....	155
3.10.1	Точки .....	156
3.10.2	Векторы.....	156
3.10.3	Нормали .....	156
3.10.4	Луки.....	157
3.10.5	Ограничивающие боксы .....	157
3.10.6	Композиция преобразований .....	158
3.10.7	Преобразования и направленность системы координат .....	158
3.10.8	Векторные фреймы .....	159
3.10.9	Анимированные преобразования .....	160
3.11	Взаимодействия.....	162
3.11.1	Взаимодействие с поверхностью .....	164
3.11.2	Взаимодействие со средой .....	166
	Дополнительная литература.....	167
	Упражнения.....	168

## **ГЛАВА 04 РАДИОМЕТРИЯ, СПЕКТРЫ И ЦВЕТ .....** 170

4.1	Радиометрия .....	171
4.1.1	Базовые величины .....	172
4.1.2	Функции падающего и исходящего излучений .....	175
4.1.3	Радиометрические спектральные распределения .....	177
4.1.4	Яркость и фотометрия .....	177
4.2	Работа с радиометрическими интегралами .....	178
4.2.1	Интегралы по проекции телесного угла .....	178
4.2.2	Интегралы по сферическим координатам .....	179
4.2.3	Интегралы по площади.....	180
4.3	Отражение от поверхности .....	181
4.3.1	BRDF и BTDF .....	182
4.3.2	BSSRDF .....	184
4.4	Излучение света.....	184
4.4.1	Излучение черного тела.....	186
4.4.2	Стандартные источники света .....	188
4.5	Представление спектральных распределений .....	189
4.5.1	Интерфейс спектра .....	190
4.5.2	Общие спектральные распределения .....	191
4.5.3	Встроенные спектральные данные .....	194
4.5.4	Семплированные спектральные распределения .....	195
4.6	Цвет .....	200
4.6.1	Цветовое пространство XYZ .....	201
4.6.2	Цвет RGB .....	205
4.6.3	Цветовые пространства RGB .....	207
4.6.4	Почему именно спектральный рендеринг? .....	210
4.6.5	Выбор количества длин волн для семплинга .....	211
4.6.6	От RGB к спектрам .....	214
	Дополнительная литература .....	224
	Упражнения .....	227

## **ГЛАВА 05 КАМЕРЫ И ПЛЕНКА .....** 229

5.1	Интерфейс камеры .....	230
5.1.1	Пространства координат камеры .....	232
5.1.2	Класс CameraBase .....	235
5.2	Модели проекционных камер .....	238
5.2.1	Ортографическая камера .....	240
5.2.2	Перспективная камера .....	243
5.2.3	Модель тонкой линзы и глубина резкости .....	246

5.3	Сферическая камера.....	252
5.4	Пленка и изображение .....	254
5.4.1	Уравнение измерения камеры .....	254
5.4.2	Моделирование отклика световоспринимающего сенсора .....	255
5.4.3	Фильтрация семплов изображения .....	264
5.4.4	Интерфейс пленки .....	267
5.4.5	Общая функциональность пленки.....	269
5.4.6	RGBFilm .....	271
5.4.7	GBBufferFilm .....	275
	Дополнительная литература.....	276
	Упражнения.....	279

## **ГЛАВА 06 ФОРМЫ.....** 282

6.1	Базовый интерфейс формы .....	282
6.1.1	Ограничивающие объемы .....	282
6.1.2	Пересечения лучей с границами.....	283
6.1.3	Проверки пересечения .....	286
6.1.4	Пространство координат пересечений .....	287
6.1.5	Односторонность.....	288
6.1.6	Диффузные источники .....	288
6.1.7	Семпллинг .....	288
6.2	Сфера.....	290
6.2.1	Ограничивающие боксы.....	293
6.2.2	Проверки пересечения .....	293
6.2.3	Площадь поверхности.....	300
6.2.4	Семпллинг .....	301
6.3	Цилиндры.....	306
6.3.1	Площадь и границы .....	307
6.3.2	Проверки пересечения .....	308
6.3.3	Семпллинг .....	310
6.4	Диски .....	311
6.4.1	Площадь и ограничение .....	312
6.4.2	Проверки пересечения .....	313
6.4.3	Семпллинг .....	315
6.5	Сетки из треугольников .....	315
6.5.1	Представление и хранение сетки.....	317
6.5.2	Класс Triangle.....	321
6.5.3	Пересечение луч–треугольник .....	322
*6.5.4	Семпллинг .....	332
6.6	Билинейчатые патчи .....	344
6.6.1	Тестирование пересечений .....	349
6.6.2	Семпллинг .....	355
*6.7	Кривые.....	362
6.7.1	Ограничивающие кривые .....	365
6.7.2	Проверки пересечения .....	366
*6.8	Управление ошибкой округления.....	374
6.8.1	Арифметика чисел с плавающей запятой .....	375
6.8.2	Консервативные пересечения луч–ограничение .....	386
6.8.3	Точные квадратичные дискриминанты.....	387
6.8.4	Надежные пересечения с треугольником.....	389
6.8.5	Ошибка точки пересечения с границей .....	390
6.8.6	Надежные инициированные источники лучей.....	397
6.8.7	Избежание пересечений позади источников лучей .....	400
6.8.8	Обсуждение .....	402
	Дополнительная литература.....	403
	Упражнения.....	407

\* Звездочкой отмечены разделы с продвинутым содержанием, которые можно пропустить при первом чтении.

<b>ГЛАВА 07 ПРИМИТИВЫ И УСКОРЕНИЕ РЕНДЕРИНГА НА ПЕРЕСЕЧЕНИЯХ .....</b>	413
7.1 Интерфейс Primitive и геометрические примитивы.....	414
7.1.1 Геометрические примитивы .....	414
7.1.2 Инстансирование объекта и примитивы в движении.....	418
7.2 Агрегаты .....	421
7.3 Иерархии ограничивающих объемов.....	422
7.3.1 Конструкция BVH .....	423
7.3.2 Эвристика площади поверхности.....	430
7.3.3 Линейные иерархии ограничивающих объемов .....	435
7.3.4 Компактный BVH для обхода .....	443
7.3.5 Тесты ограничения и пересечения .....	445
Дополнительная литература.....	449
Упражнения.....	455
<b>ГЛАВА 08 СЕМПЛИРОВАНИЕ И РЕКОНСТРУКЦИЯ .....</b>	459
8.1 Теория семплирования .....	459
8.1.1 Частотный интервал и преобразование Фурье .....	461
8.1.2 Идеальный семплинг и реконструкция .....	463
8.1.3 Алиасинг .....	466
8.1.4 Понятие пикселя .....	467
8.1.5 Семплинг и алиасинг при рендеринге .....	468
8.1.6 Спектральный анализ шаблонов семплинга.....	470
8.2 Семплинг и интегрирование .....	473
*8.2.1 Дисперсный анализ Фурье .....	474
8.2.2 Низкое расхождение и квази-Монте-Карло.....	478
8.3 Интерфейс семплирования.....	481
8.4 Независимый семплер .....	484
8.5 Стратифицированный семплер.....	485
*8.6 Семплер Халтона .....	491
8.6.1 Точки Хаммерсли и Халтона .....	491
8.6.2 Рандомизация через скремблинг .....	494
8.6.3 Реализация семплера Халтона .....	498
8.6.4 Оценка .....	502
*8.7 Семплеры Sobol' .....	506
8.7.1 Стратификация по элементарным интервалам .....	508
8.7.2 Рандомизация и скремблирование .....	509
8.7.3 Генерация семплов Sobol' .....	511
8.7.4 Глобальный семплер Sobol' .....	512
8.7.5 Заполненный семплер Sobol' .....	515
8.7.6 Семплер синего шума Sobol' .....	517
8.7.7 Оценка .....	523
8.8 Реконструкция изображения .....	525
8.8.1 Интерфейс Filter.....	527
8.8.2 FilterSampler .....	529
8.8.3 Прямоугольный фильтр .....	531
8.8.4 Треугольный фильтр .....	533
8.8.5 Фильтр Гаусса .....	534
8.8.6 Фильтр Митчелла .....	535
8.8.7 Оконный фильтр Sinc .....	537
Дополнительная литература.....	539
Упражнения.....	545
<b>ГЛАВА 09 МОДЕЛИ ОТРАЖЕНИЯ .....</b>	547
9.1 Представление BSDF.....	549
9.1.1 Геометрические установки и соглашения .....	549
9.1.2 Интерфейс BxDF .....	550

9.1.3	Полусферическое отражение.....	553
9.1.4	Дельта-распределения в BSDF.....	554
9.1.5	BSDF .....	555
9.2	Рассеянное отражение.....	557
9.3	Зеркальное отражение и пропускание.....	559
9.3.1	Физические обоснования .....	559
9.3.2	Коэффициент преломления .....	560
9.3.3	Закон зеркального отражения.....	562
9.3.4	Закон Снелла .....	563
9.3.5	Уравнение Френеля.....	567
9.3.6	Уравнение Френеля для проводников.....	568
9.4	BRDF проводника.....	571
9.5	BSDF диэлектрика.....	573
9.5.1	BSDF тонкого диэлектрика .....	577
*9.5.2	Несимметричное рассеяние и преломление.....	579
9.6	Моделирование шероховатости с использованием теории микрограней.....	581
9.6.1	Распределение микрограней.....	583
9.6.2	Маскирующая функция .....	585
9.6.3	Функция маскирования-шайдинга.....	588
9.6.4	Семпллинг распределения видимых нормалей .....	589
9.6.5	Модель Торренса–Спэрроу.....	592
9.7	BSDF шероховатого диэлектрика .....	597
*9.8	Измеренные BSDF.....	601
9.8.1	Базовые структуры данных .....	607
9.8.2	Уравнение измеренной BRDF .....	609
*9.9	Рассеяние от волос .....	611
9.9.1	Геометрия волос .....	611
9.9.2	Рассеяние от волос .....	613
9.9.3	Продольное рассеяние .....	616
9.9.4	Поглощение в волокнах .....	618
9.9.5	Азимутальное рассеяние .....	621
9.9.6	Оценка модели рассеяния .....	624
9.9.7	Семпллинг .....	626
9.9.8	Коэффициент поглощения волос .....	628
	Дополнительная литература.....	629
	Упражнения.....	637

<b>ГЛАВА 10 ТЕКСТУРЫ И МАТЕРИАЛЫ .....</b>	641	
10.1	Семпллинг текстур и антиалиасинг .....	642
10.1.1	Определение частоты семпллинга текстуры .....	643
10.1.2	Лучевые дифференциалы на переходе границы между двумя средами ..	650
*10.1.3	Лучевые дифференциалы для зеркального отражения и пропускания.....	651
10.1.4	Фильтрующие функции текстур.....	655
10.2	Генерация текстурных координат .....	657
10.2.1	UV-маппинг .....	658
10.2.2	Сферический маппинг.....	659
10.2.3	Цилиндрический маппинг .....	660
10.2.4	Планарный маппинг .....	661
10.2.5	3D-маппинг .....	662
10.3	Текстурный интерфейс и базовые текстуры.....	663
10.3.1	Текстура Constant .....	664
10.3.2	Текстура Scale .....	664
10.3.3	Текстуры Mix.....	666
10.4	Текстуры-изображения .....	668
10.4.1	Управление текстурной памятью .....	669
10.4.2	Оценка текстуры изображения .....	671
10.4.3	Текстуры MIP .....	672
10.4.4	Фильтрование изображений-текстур .....	675

10.5	Интерфейс материалов и его реализации .....	681
10.5.1	Реализации Material.....	685
10.5.2	Вычисление BSDF на поверхности.....	688
10.5.3	Нормальный маппинг.....	691
10.5.4	Рельефный маппинг.....	693
	Дополнительная литература.....	697
	Упражнения.....	701

## **ГЛАВА 11 ОБЪЕМНОЕ РАССЕЯНИЕ ..... 704**

11.1	Процессы объемного рассеяния .....	704
11.1.1	Поглощение .....	706
11.1.2	Эмиссия.....	707
11.1.3	Рассеяние на выходе и затухание .....	708
11.1.4	Внутреннее рассеяние .....	709
11.2	Пропускание .....	711
11.2.1	Нулевое рассеяние.....	714
11.3	Фазовые функции .....	716
11.3.1	Фазовая функция Хенни-Гринштейна.....	718
11.4	Передающие среды.....	721
11.4.1	Интерфейс Medium .....	723
11.4.2	Однородная среда .....	726
11.4.3	Мажорантный итератор DDA .....	728
11.4.4	Среда с однородной сеткой .....	734
11.4.5	Среда с сеткой RGB.....	737
	Дополнительная литература.....	740
	Упражнения.....	742

## **ГЛАВА 12 ИСТОЧНИКИ СВЕТА ..... 745**

12.1	Интерфейс источника света.....	746
12.1.1	Характеристики фотометрических источников света .....	750
12.1.2	Класс LightBase .....	750
12.2	Точечные источники света.....	752
12.2.1	Прожекторы.....	754
12.2.2	Источники света, проецирующие текстуры.....	756
12.2.3	Гониофотометрические источники света .....	760
12.3	Отдаленные источники света .....	763
12.4	Протяженные источники света.....	765
12.5	Бесконечные протяженные источники света .....	769
12.5.1	Бесконечные источники с однородным светом .....	770
12.5.2	Бесконечные источники света, проецирующие изображение .....	772
*12.5.3	Бесконечные источники света, проецирующие изображения, ограниченные порталом .....	777
12.6	Семплинг источников света.....	785
12.6.1	Однородный семплинг источников света .....	786
12.6.2	Семплирование по мощности света .....	787
*12.6.3	Семплинг источника света с BVH .....	790
	Дополнительная литература.....	809
	Упражнения.....	813

## **ГЛАВА 13 СВЕТОВОЙ ПЕРЕНОС I: ПОВЕРХНОСТНОЕ ОТРАЖЕНИЕ ..... 816**

13.1	Уравнение светового переноса .....	816
13.1.1	Основной вывод .....	817
13.1.2	Аналитические решения для LTE .....	818
13.1.3	Поверхностная форма LTE .....	819
13.1.4	Интегралы по пути.....	820
13.1.5	Подынтегральная дельта-функция .....	822
13.1.6	Разделение подынтегральной функции .....	822
13.2	Трассировка пути.....	823

13.2.1	Обзор.....	824
13.2.2	Семплинг пути.....	825
13.2.3	Конструкция восходящего пути .....	826
13.3	Простой трассировщик пути.....	827
13.4	Улучшенный трассировщик пути .....	832
13.4.1	Регуляризация пути .....	843
	Дополнительная литература.....	845
	Упражнения.....	851

## ГЛАВА 14 СВЕТОВОЙ ПЕРЕНОС II: ОБЪЕМНЫЙ РЕНДЕРИНГ ..... 854

14.1	Уравнение переноса .....	854
14.1.1	Обобщение нулевого рассеяния .....	856
14.1.2	Расчет уравнения переноса .....	857
14.1.3	Семплинг мажорантного пропускания .....	858
*14.1.4	Обобщенное пространство путей .....	863
*14.1.5	Оценка объемного интеграла пути.....	866
14.2	Интеграторы объемного рассеяния.....	868
14.2.1	Простой объемный интегратор.....	868
*14.2.2	Совершенствование методов семплинга .....	873
*14.2.3	Улучшенный объемный интегратор .....	877
14.3	Рассеяние на слоистых материалах.....	890
14.3.1	Одномерное уравнение переноса .....	891
14.3.2	Слоистая BxDF .....	893
14.3.3	Проводники и диффузные материалы с покрытием .....	906
	Дополнительная литература.....	907
	Упражнения.....	912

## ГЛАВА \*15 РЕНДЕРИНГ ВОЛНОВОГО ФРОНТА НА GPU ..... 915

15.1	Отображение трассировки пути на GPU .....	917
15.1.1	Базовая архитектура GPU .....	917
15.1.2	Структуризация вычислений рендеринга.....	923
15.1.3	Обзор системы.....	925
15.2	Фундамент реализации.....	927
15.2.1	Спецификация обработки и пространства памяти .....	927
15.2.2	Запуск ядер на GPU .....	928
15.2.3	Схема массивов структур.....	929
15.2.4	Очереди обработки .....	933
15.3	Реализация трассировщика пути .....	937
15.3.1	Запуск работы.....	939
15.3.2	Метод Render().....	939
15.3.3	Генерация лучей камеры .....	941
15.3.4	Цикл по глубине луча .....	945
15.3.5	Генерация семпллов.....	947
15.3.6	Тестирование пересечений .....	949
15.3.7	Передающие среды .....	952
15.3.8	Эмиссия, порожденная лучами .....	953
15.3.9	Поверхностное рассеяние.....	956
15.3.10	Теневые лучи .....	966
15.3.11	Обновление Film .....	967
	Дополнительная литература.....	968
	Упражнения.....	970

## ГЛАВА 16 РЕТРОСПЕКТИВА И БУДУЩЕЕ ..... 974

16.1	История pbrt.....	974
16.2	Альтернативы .....	976
16.2.1	Внеядерный рендеринг .....	977
16.2.2	Прешейдинг микрополигональных сеток .....	977
16.2.3	Пакетный трейсинг .....	978

16.2.4	Интерактивный и анимационный рендеринг .....	980
16.2.5	Специализированная компиляция .....	980
16.3	Новейшие темы .....	981
16.3.1	Обратный и дифференцируемый рендеринг .....	981
16.3.2	Машинное обучение и рендеринг .....	986
16.4	Будущее .....	989
16.5	Заключение .....	990
<b>ПРИЛОЖЕНИЕ А АЛГОРИТМЫ СЕМПЛИНГА .....</b>		991
A.1	Метод псевдонима .....	991
A.2	Резервуарный семпллинг .....	995
A.3	Метод отбраковки .....	998
A.4	Семпллинг одномерных функций .....	999
A.4.1	Семпллинг треугольной функции .....	1000
A.4.2	Семпллинг экспоненциальных распределений .....	1000
A.4.3	Семпллинг функции Гаусса .....	1001
A.4.4	Семпллинг логистической функции .....	1002
A.4.5	Семпллинг функции на интервале .....	1003
A.4.6	Семпллинг неинвертируемых CDFs .....	1004
A.4.7	Семпллинг кусочно-постоянных одномерных функций .....	1005
A.5	Семпллинг многомерных функций .....	1009
A.5.1	Семпллинг единичного диска .....	1009
A.5.2	Однородный семпллинг полусфер и сфер .....	1012
A.5.3	Косинусно-взвешенный семпллинг полусферы .....	1013
A.5.4	Семпллинг внутри конуса .....	1015
A.5.5	Кусочно-постоянные двумерные распределения .....	1015
A.5.6	Оканные кусочно-постоянные двумерные распределения .....	1018
Дополнительная литература .....		1025
Упражнения .....		1027
<b>ПРИЛОЖЕНИЕ В УТИЛИТЫ .....</b>		1028
B.1	Запуск системы, очистка и опции .....	1028
B.2	Математическая инфраструктура .....	1029
B.2.1	Основные алгебраические функции .....	1030
B.2.2	Целые степени и многочлены .....	1031
B.2.3	Тригонометрические функции .....	1032
B.2.4	Логарифмическая и степенная функции .....	1032
B.2.5	Трансцендентные и специальные функции .....	1034
B.2.6	Интервальный поиск .....	1035
B.2.7	Битовые операции .....	1036
B.2.8	Хеширование и случайные перестановки .....	1038
*B.2.9	Безошибочные преобразования .....	1059
B.2.10	Нахождение нулей .....	1041
B.2.11	Надежная оценка дисперсии .....	1044
B.2.12	Квадратные матрицы .....	1045
B.2.13	Безье-сплайны .....	1047
B.2.14	Генерация псевдослучайных чисел .....	1050
B.2.15	Интервальная арифметика .....	1053
B.3	Интерактивность .....	1056
B.3.1	Работа с файлами .....	1057
B.3.2	Кодирование символов и Unicode .....	1057
B.3.3	Печать и форматирование строк .....	1059
B.3.4	Сообщения о ошибках .....	1060
B.3.5	Логирование .....	1060
B.3.6	Оператор контроля и отслеживание ошибок при выполнении .....	1061
B.3.7	Отображение изображений .....	1063
B.3.8	Рапорт о процессе выполнения .....	1063
B.4	Контейнеры и управление памятью .....	1064

B.4.1	Двумерные массивы .....	1065
B.4.2	Интернированные объекты.....	1066
*B.4.3	Наборы типов .....	1067
B.4.4	Тегированные указатели .....	1068
B.4.5	Трехмерный семпллинг.....	1072
B.4.6	Эффективная временная алокация памяти.....	1073
B.5	Изображения .....	1075
B.5.1	Работа со значениями пикселей .....	1077
B.5.2	Операции на всем изображении.....	1079
B.5.3	Чтение и сохранение изображений .....	1080
B.5.4	Изменение размера изображения .....	1082
B.5.5	Пирамиды изображений .....	1086
B.5.6	Кодировки цвета .....	1089
B.6	Параллельная обработка .....	1090
B.6.1	Конкуренция потоков данных и координация .....	1091
B.6.2	Атомики с плавающей запятой.....	1094
B.6.3	Модели с когерентностью памяти и производительность .....	1095
B.6.4	Пулы потоков и выполнение параллельных задач.....	1096
B.6.5	Функция Parallel для циклов .....	1100
B.6.6	Асинхронные задачи.....	1103
B.6.7	Переменные локального потока .....	1106
B.7	Статистика .....	1107
B.7.1	Реализация .....	1109
Дополнительная литература.....		1110
Упражнения.....		1111
<b>ПРИЛОЖЕНИЕ С ОБРАБОТКА ОПИСАНИЯ СЦЕНЫ .....</b>		1112
C.1	Токенизация и парсинг .....	1113
C.2	Управление описанием сцены.....	1115
C.2.1	Сущности сцены.....	1116
C.2.2	Словари параметров .....	1117
C.2.3	Отслеживание графического статуса.....	1121
C.2.4	Создание элементов сцены.....	1125
C.3	Создание BasicScene и финальных объектов.....	1126
C.4	Добавление новых реализаций объекта .....	1129
Дополнительная литература.....		1130
Упражнения.....		1130
<b>ССЫЛКИ.....</b>		1132
<b>ПРЕДМЕТНЫЙ УКАЗАТЕЛЬ.....</b>		1182